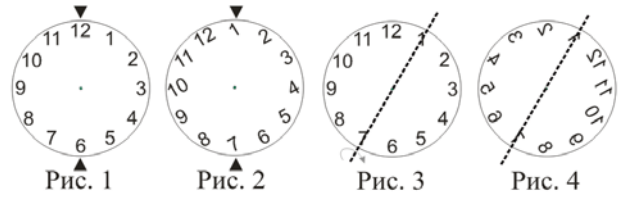
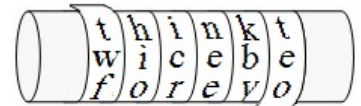


2 вариант

1. На кодовом замке имеется круглый диск с нанесенными на равноотстоящих интервалах по его периметру числами от 1 до 12. Изначально диск установлен как на Рис.1. Замок откроется, если диск окажется повернутым на 30° относительно своего первоначального положения (Рис. 2). Для изменения положения диска имеется специальный стержень, который можно продеть через два любых диаметрально противоположных числа (например, через 1 и 7 как на Рис.3), а затем повернуть диск вокруг стержня на 180° (в результате диск окажется в положении, изображенном на Рис.4). Каким образом и за какое наименьшее число таких поворотов можно открыть замок?



2. Для шифрования сообщений Катя и Антон использовали шифр Считала: на круглую палочку виток к витку без просветов и нахлестов наматывалась лента. При горизонтальном положении палочки на ленту по всей длине стержня построчно записывался текст сообщения без знаков препинания и пробелов. После этого лента с записанным на ней текстом посылалась адресату. Антон передал Кате ленту, на которой было написано вот что:



Н М И О С С А В Т З О Л Д Ы С Д К Е Р С Я Р С Д А О З Ы И С Т А П П Т Н А М Ы У О О М Н
Л Ч Л Я Г О Ь И Е Б Р Ю Н Ы Н Е Ц Ы Я Г Х О А О Б У А П У Л Е К П Л Я Т О Г С Ч Т К Д П
И Н А Н Я О Ы Е М У Ы Х Н Ы Н Т В И У С Г Я В Л Ч К О К П Е И Н Н Е В И П

К сожалению, Катя свою палочку потеряла, но она видит, что лента исписана полностью и знает, что при намотке ленты было сделано целое число оборотов. Помогите ей восстановить сообщение.

3. Для проверки корректности номера пластиковой карты, представляющего собой набор из 16 цифр $(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9, x_{10}, x_{11}, x_{12}, x_{13}, x_{14}, x_{15}, x_{16})$, вычисляются контрольные суммы A, B и C :

$$A = x_1 + x_2 + x_5 + 3x_7 + x_8 + 7x_{10} + x_{12} + x_{13} + x_{15},$$

$$B = x_1 + x_3 + x_6 + 7x_7 + x_9 + 3x_{10} + x_{11} + x_{14} + x_{16}, \quad C = x_1 + x_4 + x_5 + x_6 + x_8 + x_9 + x_{11} + x_{12} + x_{13} + x_{14} + x_{15} + x_{16}.$$

Если все три суммы A, B и C делятся нацело на 10, то номер признаётся корректным. Каких корректных номеров больше и насколько: у которых первые 4 цифры 0000 или тех, у которых последние 4 цифры 0000?

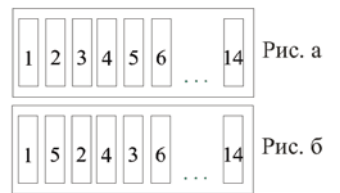
4. Для зашифрования осмысленного русского слова используется последовательность натуральных чисел u_1, u_2, \dots , которая формируется так: u_1 выбирается произвольно, а остальные члены последовательности вычисляются по формуле $u_{n+1} = 4u_n + 25, n = 1, 2, \dots$. Зашифрование производилось следующим образом.

Первая буква слова заменялась числом согласно таблице и умножалась на u_1 . Потом также заменялась вторая буква и умножалась на u_2 и т.д. Затем все произведения были замены остатками от деления на 32. В результате получилось вот что: **7, 8, 28, 28, 1, 10, 16, 8, 11, 9, 31, 21**. Какое слово было зашифровано?

А	Б	В	Г	Д	Е	Ё	Ж	З	И	Й	К	Л	М	Н	О	П	Р	С	Т	У	Ф	Х	Ц	Ч	Ш	Щ	Ъ	Ы	Ь	Э	Ю	Я
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	

5. На столе выложены 14 карточек в порядке возрастания их номеров (Рис.а).

Карточки разрешается переключать *тройками*, а именно: выбираем три любые карточки, например, с номерами 2, 3 и 5. Затем крайняя левая карточка перемещается на место средней, средняя на место крайней правой, а крайняя правая на место крайней левой. Результат изображен на Рис.б. Можно ли, переключая карточки указанным способом, уложить их как на Рис.а, но в порядке убывания номеров (карточка с номером 14 – первая, с номером 1 – последняя)?



6. *Треугольником Паскаля* называют бесконечную треугольную таблицу чисел, у которой на вершине и по бокам стоят единицы, а каждое число внутри равно сумме двух стоящих над ним чисел. Так, например, третья строка треугольника (1,2,1) содержит два нечетных числа и одно четное. Сколько четных чисел содержится: а) в строке с номером 257? б) в строке с номером 300?

